



ЕВРОСИБЭНЕРГО

EN+  
DEVELOPMENT

Расчет оптимального объема  
мощности в ценовой заявке на  
КОМ методом Монте-Карло

Вадим Борохов

Директор по развитию рынка электроэнергии  
ООО «Эн+девелопмент»

Виталина Викулина

Советник информационно-аналитического отдела,  
ООО «Эн+девелопмент»

- Пусть  $x_m$  - объем в заявке на КОМ в отношении данного ген объекта; при этом объем в заявке на декабре является ограничителем для объема в заявках на другие месяцы (исключая ГЭС)
- Прибыль в рынке мощности в месяц  $m$  зависит от ряда факторов:
  - Коэффициенты сезонности
  - Индексация цены КОМ
  - Цена КОМ по итогам отбора
  - % РД
  - Тариф на мощность (РД)
  - Фактический объем поставки мощности
  - Затраты на выполнение требований по готовности
  - Затраты на покупку мощности при превышении пикового потребления в ГТП потребления поставщика над нормативом
- **Как определить оптимальный набор  $x_m$  по каждому генерирующему объекту поставщика?**

# Задача максимума прибыли

- Суммарная за год прибыль поставщика описывается функцией вида  $\pi(x, \xi)$ , где  $\xi$  – набор (не зависящих от  $x$ ) случайных независимых величин, которые описывают случайные факторы вне контроля поставщика
- Если известно вероятностное распределение  $\xi$ , то ожидаемое значение прибыли зависит только от  $x$  и имеет вид

$$\langle \pi \rangle (x) = \langle \pi(x, \xi) \rangle$$

- Оптимальные объемы  $x$  в заявках на КОМ определяются из условия

$$\max \langle \pi \rangle (x) \quad (*)$$

- Если распределение вероятности  $\xi$  задано в виде функции, то к (\*) применяются стандартные методы нахождения максимума аналитически заданной функции
- На практике часто задан ряд исторических значений  $\xi$  вместо функции распределения случайных величин  $\xi$
- Возможные подходы к решению (\*):
  - используя исторические значения  $\xi$ , подобрать аналитическую функцию распределения  $\xi$  и решить задачу (\*) аналитически
  - применить метод Монте-Карло, который позволяет сгенерировать независимые случайные величины  $\xi$  из заданного вероятностного распределения и получить вероятностные распределения функций от  $\xi$

- Пусть для нахождения оптимальных объемов в заявке на КОМ необходимо построить функцию распределения некоторой функции от случайных переменных  $f(\xi)$  (пример:  $f$  – функция прибыли поставщика при фиксированном объеме на КОМ)
- Нахождение оптимальных объемов в заявках на КОМ методом Монте-Карло:
  - на основе исторических данных определяется вероятностное распределение случайных величин  $\xi$
  - генерируется множество значений случайных величин  $\xi$  с заданным вероятностным распределением, для каждого сгенерированного значения  $\xi$  определяется значение  $f(\xi)$
  - формируется частотное распределение значений  $f(\xi)$  (кол-во значений  $f(\xi)$ , попавших в заданный интервал)
  - используя частотное распределение полученных значений, определяется функция распределения  $f(\xi)$
  - определяются объемы  $x$ , на котором ожидаемая прибыль достигает максимума

□ Дополнительные предположения для упрощения расчетов по ГЭС:

- пик потребления по ГТП собственных нужд не выше норматива
- весь объем мощности сверх РД продается по ценам КОМ
- факт поставки мощности не ниже объема поставки по РД (и выше нуля)
- в отношении ЕГО подается одна заявка на КОМ
- ГТП генерации включает только одну ЕГО
- затраты на поддержание готовности не зависят от отобранного на КОМ объема
- УМ=ПО, поставщику заранее известны значения УМ и ПО
- регулировочная мощность ГЭС в каждый день суток не выше УМ
- отсутствуют сетевые ограничения на выдачу мощности и ограничения по возможности набора и поддержания максимальной нагрузки
- недопоставка мощности обусловлена исключительно
  - объемом прогнозных ограничений по напору, учтенных в заявке на КОМ:  $\Delta_{1,m}^0$
  - объемом факт. ограничений по напору сверх учтенных в заявке на КОМ:  $\Delta_{2,m}^0$

□ В указанных предположениях (т.к. объем поставки мощности по РД не зависит от отобранного на КОМ объема и для декабря применяется особый порядок формирования объема в заявке ГЭС) задача максимизации ожидаемой суммарной прибыли ГЭС разделяется на отдельные задачи максимизации ожидаемой месячной выручки, которые в свою очередь сводятся к нахождению **максимума ожидаемого фактического объема поставки мощности в данный месяц**

# Факт. объем поставки мощности ГЭС

- Расчет регулировочной мощности по итогам месяца ( $PM_m$ ):
  - ежесуточно определяется значение напора (в метрах)
  - по технико-экономическим показателям ГЭС напор пересчитывается в посutoчное значение регулировочной мощности
  - определяется регулировочная мощность по итогам месяца как среднее арифм посutoчных значений регулировочной мощности в данном месяце
- Фактический объем поставки мощности ГЭС в месяце  $m$  (кроме декабря) зависит от объема в заявке на КОМ  $x_m$ , регулировочной мощности, СН (не зависит от  $x_m$ )
$$\Phi_m(x_m, PM_m) = \min[x_m; PM_m - \underbrace{5\%(x_m - PM_m)^+}_{\text{«штраф» за превышение заявленного на КОМ объема над } PM_m} - CH]$$
- Фактором неопределенности является  $PM_m$ , которая зависит от посutoчных значений напора (в свою очередь зависят от множества «первичных» факторов: расхода воды, приточности, пр.)
- Кандидаты на роль случайной переменной:
  - посutoчный напор (~1000 исторических значений)
  - изменение посutoчного напора от суток к суткам (~1000 исторических значений)
  - посutoчная регулировочная мощность (~1000 исторических значений)
  - изменение посutoчной регулировочной мощности от суток к суткам (~1000 исторических значений)
  - регулировочная мощность по итогам месяца (33 исторических значений)

# Оптимизация ожидаемого факт. объема поставки мощности ГЭС

- Задача нахождения максимума ожидаемого фактического объема поставки мощности в месяц  $m$  (искл. декабрь)

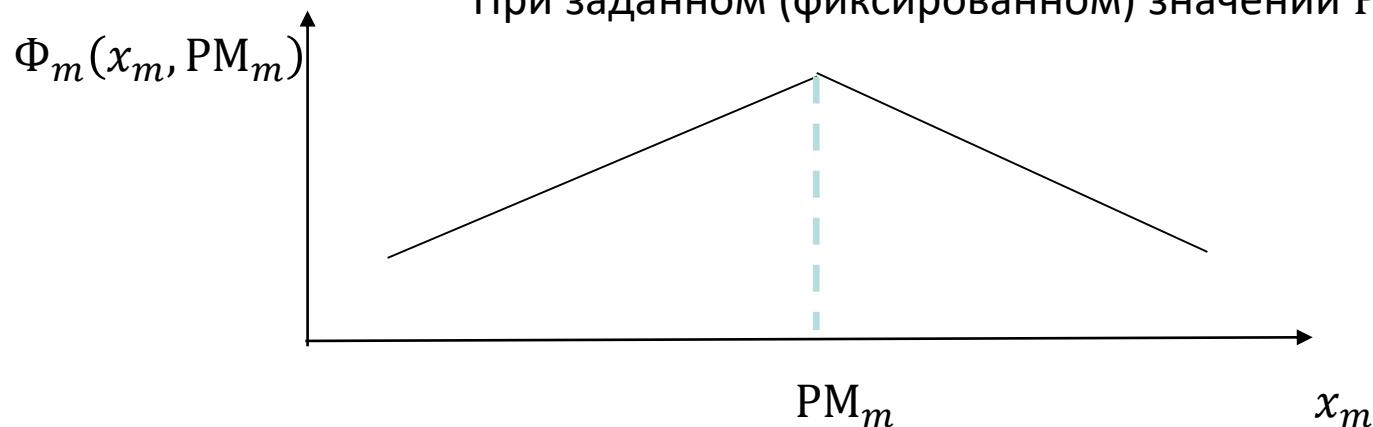
$$\max \langle \Phi_m \rangle (x_m)$$

$x$  в диапазоне от объема мощности при минимальных напорах ( $PM_m^{min}$ ) до УМ

где  $\langle \Phi_m \rangle (x_m) = \langle \Phi_m (x_m, PM_m) \rangle$ .

$$\Phi_m(x_m, PM_m) = \min[x_m; PM_m - 5\%(x_m - PM_m)^+] - CH$$

При заданном (фиксированном) значении  $PM_m$



- Если бы значение  $PM_m$  было известно на момент подачи заявки на КОМ, то оптимальная стратегия:  $x_m = PM_m$

# Оптимальный объем в заявке ГЭС на КОМ

- Пусть  $\rho(\text{PM}_m)$  – функция распределения значений  $\text{PM}_m$ , тогда

$$\langle \Phi_m \rangle (x_m) = \int_{\text{PM}_m^{\min}}^{\text{PM}_m^{\max}} d\text{PM}_m \rho(\text{PM}_m) \Phi_m(x_m, \text{PM}_m)$$

- Условие максимума в виде  $\partial \langle \Phi_m \rangle (x_m) / \partial x_m = 0$ :

$$\int_{\text{PM}_m^{\min}}^{x_m} d\text{PM}_m \rho(\text{PM}_m) = \frac{1}{1 + 5\%} \approx 0,9524$$

Вывод:  $x_m$  – 95,24% процентиль вероятностного распределения месячной регулировочной мощности  $\text{PM}_m$  (95,24% значений  $\text{PM}_m$  не выше  $x_m$ )

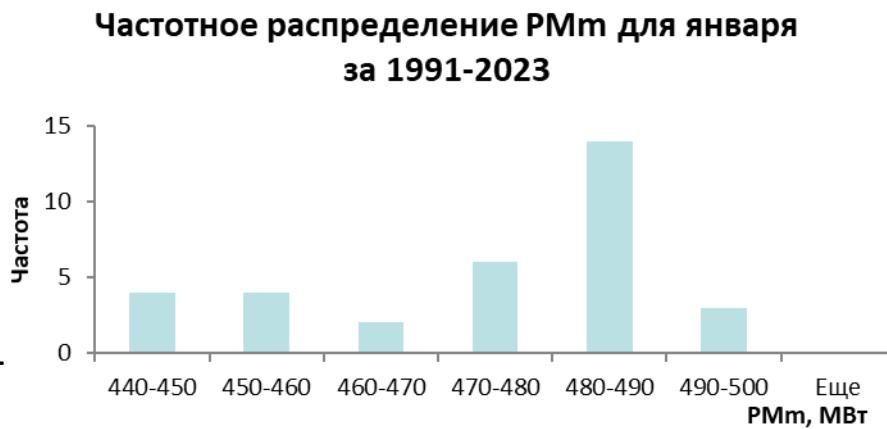
- Недостаток исторических данных  $\text{PM}_m$ :

33 значения, вес каждого значения ~3%.

Для января, 1991-2023:

- процентиль 93,9% = 491,0 МВт
- процентиль 97,0% = 491,1 МВт

Расчетный процентиль 95,24% = 491,0 МВт



**Вывод: необходимо смоделировать значения  $\text{PM}_m$  исходя из значений суточной регулировочной мощности (~1000 значений)**

# Моделирование вероятностного распределения РМ<sub>m</sub>

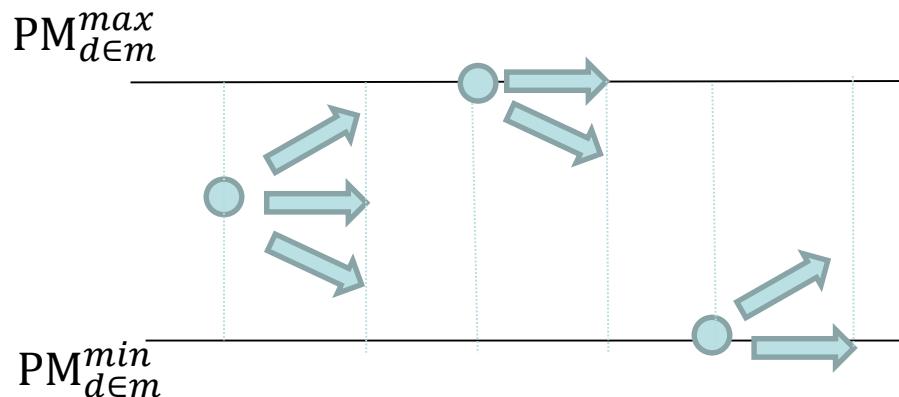
- Временной ряд какого параметра идентифицировать в качестве значений независимой случайной величины?
- Необходимое условие независимости: отсутствие корреляции значений
- Посуточные значения располагаемой мощности в соседние сутки имеют высокую корреляцию (т.к. напор имеет близкие значения).

Корреляция последовательных значений посуточной регулировочной мощности в январе 1991-2023 гг. близка к 1 (равна 0,97).

- Изменения посуточного значения располагаемой мощности при переходе на следующие сутки имеют низкую корреляцию

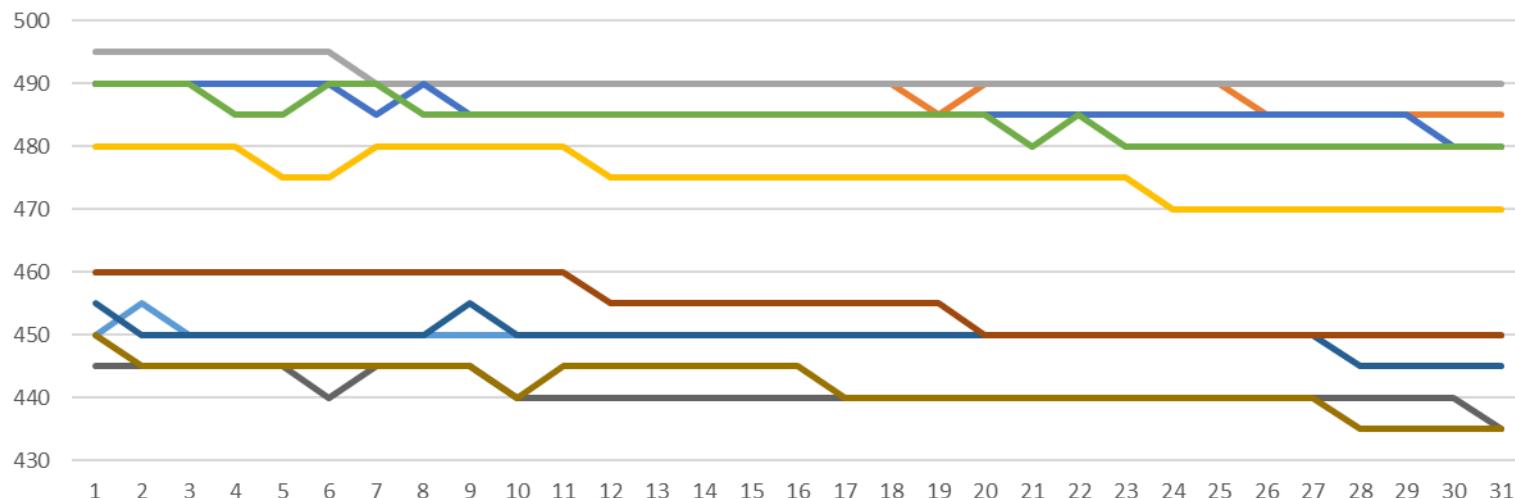
Корреляция изменений последовательных значений посуточной регулировочной мощности в январе 1991-2023 гг. близка к 0 (равна -0,02).

PM	-5	0	5
435	0,0%	80,0%	20,0%
440			
445			
450			
455	8,2%	89,6%	2,2%
460			
465			
470			
475	3,6%	95,2%	1,2%
480			
485			
490	7,4%	91,2%	1,4%
495			
500	50,0%	50,0%	0,0%

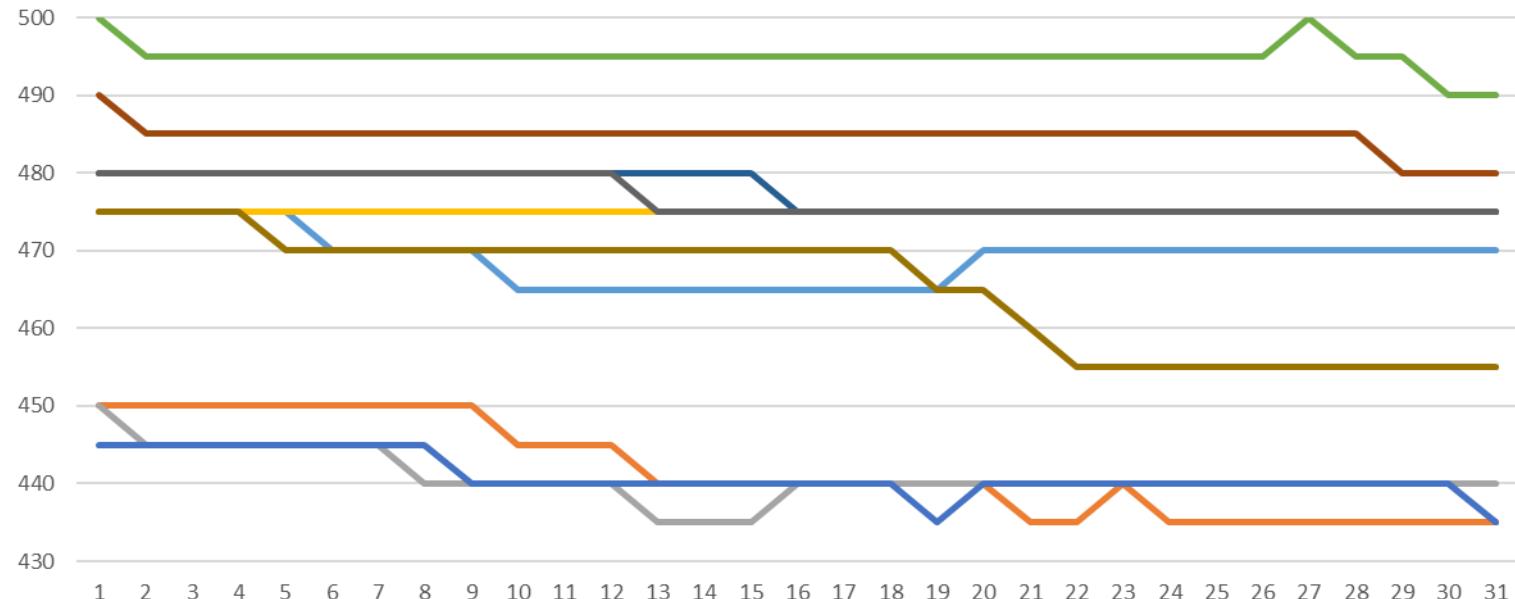


# Типовые модельные графики посutoчной рег. мощности

Примеры исторических графиков посutoчной РМ в январе

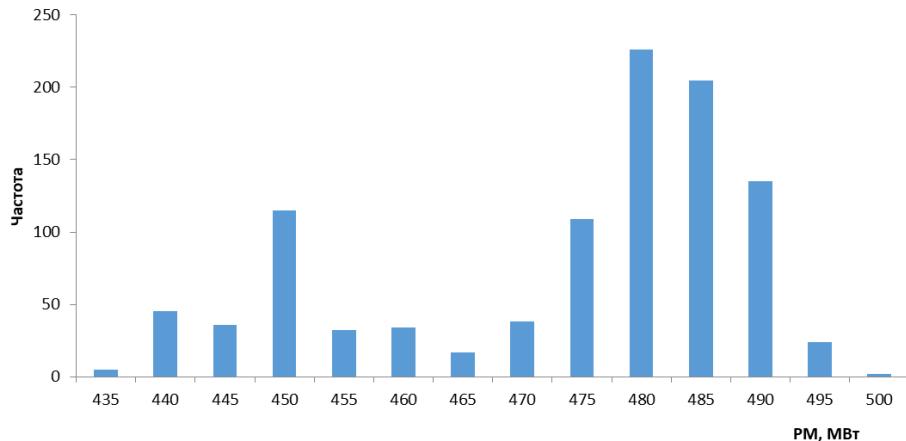


Примеры смоделированных графиков посutoчной РМ в январе

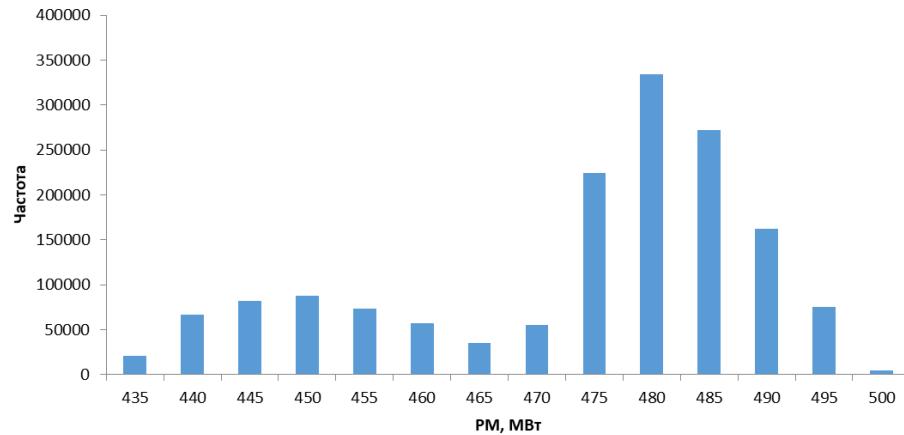


# Итоги модельных расчетов - I

Частотное распределение посutoчной РМ в январе, 1991-2023.  
Исторические данные



Частотное распределение посutoчной РМ в январе.  
Модельные расчеты



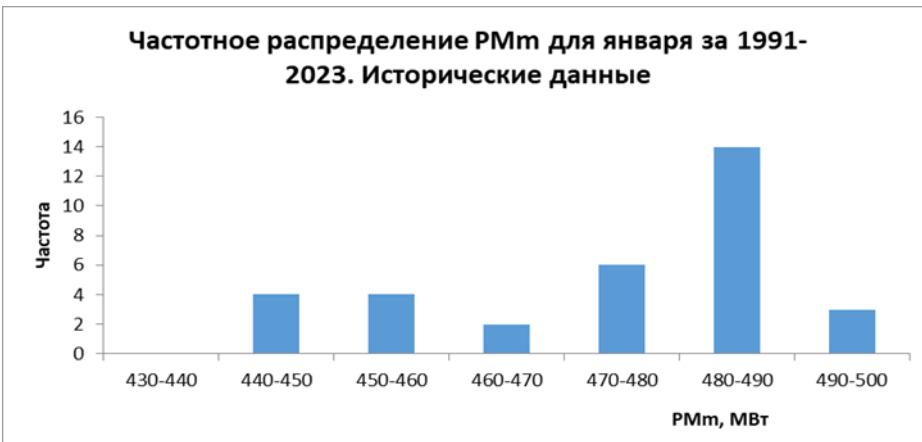
- В сравнение с историческими данными модельные расчеты дают
  - «сглаженное» частотное распределение для низких значений посutoчной РМ
  - схожее частотное распределение для высоких значений РМ

Вероятность нахождения посutoчной РМ в интервале

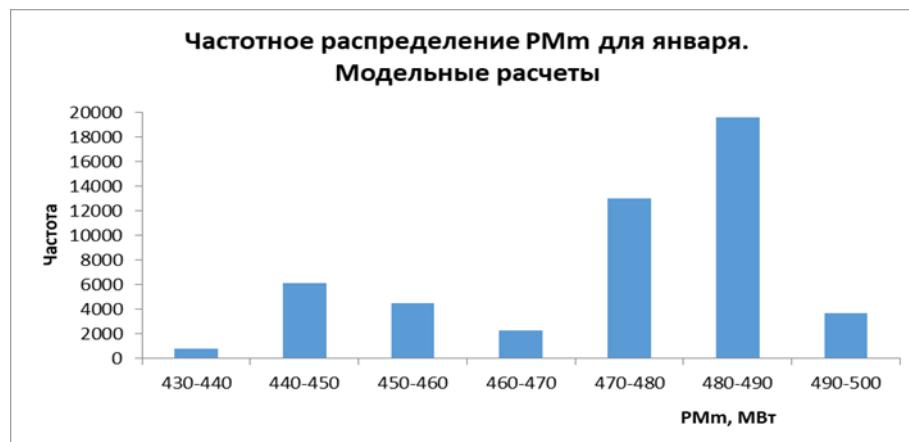
Диапазон РМ, МВт	Исторические данные	Модельные расчеты	Отличие
435-470	31,5%	30,8%	0,7%
475-485	52,8%	53,6%	-0,8%
490-500	15,7%	15,6%	0,1%

# Итоги модельных расчетов - II

Исторические данные (33 значения)



Модельные расчеты (50 000 значений)



Процентиль 95,24% = 491,0 МВт

Процентиль 95,24% = 491,6-491,8 МВт

- Схожие исторические и модельные частотные распределения для РМт, близких к максимальным значениям
- Процентили 95,24%, определенные по историческим данным и по результатам моделирования, дают близкие значения
- Процентиль 95,24% выше среднего значения в январе за период 1991-2023 (~473 МВт): за 33 года
  - РМт только в двух годах была выше процентили 95,24%
  - «штраф» в 31-м году компенсируется дополнительной выручкой в 2x годах

- Прибыль генерирующего объекта на оптовом рынке мощности зависит, в т.ч. от набора случайных факторов (примеры: водный режим - для ГЭС, температура окружающего воздуха – для ПГУ/ГТУ, ограничения мощности Р-турбин в зависимости от отборов пара – для ТЭЦ)
- При известном вероятностном распределении случайных факторов, влияющих на прибыль ген объекта, и зависимости прибыли от значений этих факторов, метод Монте-Карло позволяет произвести расчет оптимального объема в заявке на КОМ (объема, на котором достигается максимум ожидаемой прибыли)
- Приведен модельный пример учета напора в качестве случайного фактора при определении оптимальной стратегии ГЭС на КОМ в отношении января
- Основные этапы расчета:
  - определение набора случайных независимых факторов
  - определение зависимости прибыли от этих факторов и отбираемого объема мощности на КОМ
  - определение вероятностного распределения независимых факторов
  - расчет вероятностного распределения значений соотв. функции(-ий) независимых факторов
  - определение оптимального объема в заявке на КОМ как решения задачи максимизации ожидаемой прибыли